

che si è veduto, perpendicolare al piano delle due parallele. Ma, nella sua posizione limite, cioè quando le sue proiezioni sono

$$a \parallel m'$$

questa congiungente è già manifestamente perpendicolare alle rette stesse: basta dunque ch'essa sia perpendicolare ad un'altra retta esistente nel loro piano, p. es. alla retta A di cui le (3) sono le proiezioni. Quindi la condizione cercata si otterrà moltiplicando fra loro le proiezioni omologhe (3) e (4) ed eguagliando a zero la somma dei prodotti. Si trova così

$$(5) \quad a \cdot d \cdot \frac{m'' - m'}{a(i + O - bm'n')} = 0,$$

donde

$$\frac{dm''}{dm'} = \frac{m'' - m'}{m' - m''} = \frac{b(i - fm'^2)}{a(i + O - bm'n')}$$

con che resta determinata la posizione limite del piano tangente alla superficie conica considerata. Questo valore concorda esattamente con quello trovato dal sig. STAMMER mediante altre considerazioni.

I risultati precedenti assumono una forma più elegante prendendo le equazioni delle due rette sotto la forma simmetrica:

$$\frac{y - b}{\cos(3)} = \frac{e}{\cos y} \quad \frac{x - a'}{\cos a'} = \frac{y - V}{\cos a'} = \frac{e'}{\cos j'}$$

e supponendo che a, b, e, a, p, y rimangano costanti, mentre a', b', e' convergono verso valori determinati ed a', p', y' verso a, p, y . Infatti la condizione di perpendicolarità dell'ultimo piano tangente del cono considerato col piano delle parallele è evidentemente

$$(6) \quad (a' - a) d \cos a \sim \{ (b' - b) d \cos(i - f) - (c' - c) d \cos y = 0$$

[dove si ricade immediatamente sulla (5) facendo le ipotesi del sig. STAMMER]. Dalla (6) e dall'identica

$$\cos a, d \cos a \sim \{ - \cos(i - f) - \cos y \cdot d \cos y = 0 \text{ si trae}$$

$$d \cos a = [(f' - i) \cos y - (c' - e) \cos p] d A,$$

$$(7) \quad d \cos p = [(e' - e) \cos a - (a' - a) \cos y] d k,$$

$$d \cos y = [(a' - 0) \cos(j - e') -$$